

Time : 3 Hours

గణిత-వాణ్ణిం - 1A

Max.Marks : 75

పెక్షన్-ఎ

I. ఈ క్రింది అన్ని అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి: $10 \times 2 = 20$

- $A = \left\{ 0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2} \right\}$ మరియు $f:A \rightarrow B$ సంగ్రస్త ప్రమేయం, $f(x) = \cos x$ అయిన B ను కనుగొనుము.
- $f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ అనే వాస్తవ ప్రమేయపు ప్రదేశము కనుగొనుము. 3. $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -1 & k \end{bmatrix}$ మరియు $A^2 = 0$ అయిన k విలువను కనుగొనుము.
- మాత్రికా జాడను నిర్వచించుము. $\begin{bmatrix} 1 & 3 & -5 \\ 2 & -1 & 5 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ యొక్క జాడను కనుగొనుము.
- $\bar{a} = 2\bar{i} + 5\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{b} = 4\bar{i} + m\bar{j} + n\bar{k}$ లు సరేఫీయ సదిశలైన m, n లను కనుగొనుము.
- $(0,0,0), (0,5,0), (2,0,1)$ బిందువుల గుండా పోయే తలం యొక్క సదిశా సమీకరణం కనుగొనుము.
- $\bar{a} = \bar{i} + 2\bar{j} - 3\bar{k}$, $\bar{b} = 3\bar{i} - \bar{j} + 2\bar{k}$ అయిన $\bar{a} + \bar{b}$, $\bar{a} - \bar{b}$ లు లంబసదిశలని చూపుము.
- $[0, \pi]$ విఱామాలలో $\cos 2x$ ప్రమేయం యొక్క గ్రాఫును గీయండి. $9. \cos^2 52 \frac{1}{2}^\circ - \sin^2 22 \frac{1}{2}^\circ$ అని నిరూపించండి.
- $\sinhx = 3/4$ అయిన $\cosh 2x$ మరియు $\sinh 2x$ విలువలను కనుగొనుము.

పెక్షన్-బి

II. క్రింది వాచిలో ఏవేని ఐదు స్వల్పసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి. $5 \times 4 = 20$

- $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 3 & -1 & 1 \end{bmatrix}$ అయిన $A^3 - 3A^2 - A - 3I$, ను కనుగొనుము.
- $\bar{i}, \bar{j}, \bar{k}$ లు నిరూపాక్షాల ధనిదిశలో గల యూనిట్ సదిశలు అయితే $4\bar{i} + 5\bar{j} + \bar{k}$, $-\bar{j} - \bar{k}$, $3\bar{i} + 9\bar{j} + 4\bar{k}$, $-4\bar{i} + 4\bar{j} + 4\bar{k}$ అనే నాలుగు బిందువులు సత్తలీయములని చూపుము.
- $\bar{a} = 2\bar{i} + 2\bar{j} - 3\bar{k}$, $\bar{b} = 3\bar{i} - \bar{j} + 2\bar{k}$ అయిన $2\bar{a} + \bar{b}$ and $\bar{a} + 2\bar{b}$ ల మధ్య కోణమును కనుగొనుము.
- $\cos^4 \frac{\pi}{8} + \cos^4 \frac{3\pi}{8} + \cos^4 \frac{5\pi}{8} + \cos^4 \frac{7\pi}{8} = \frac{3}{2}$ అని చూపండి. 15. $\sqrt{2}(\sin x + \cos x) = \sqrt{3}$ అని సాధించండి.
- $\sin^{-1} \frac{3}{5} + \cos^{-1} \frac{12}{13} = \cos^{-1} \frac{33}{65}$ అని నిరూపించండి. 17. ΔABC లో $\frac{1}{a+c} + \frac{1}{b+c} = \frac{3}{a+b+c}$ అయిన $C=60^\circ$ అని చూపండి.

పెక్షన్-సి

III. క్రింది వాచిలో ఏవేని ఐదు దీర్ఘసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి. $5 \times 7 = 35$

- $f:A \rightarrow B$, $g:B \rightarrow C$ లు ద్విగుణ ప్రమేయాలు అయిన $(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1}$ అని నిరూపించండి.
- గణితాను గమన సిద్ధాంతమునుపయోగించి $a+ar+ar^2+\dots+n$ పదాలు = $\frac{a(r^n-1)}{r-1}$, $r \neq 1$ అని చూపుము.
- $\begin{vmatrix} a & a^2 & 1+a^3 \\ b & b^2 & 1+b^3 \\ c & c^2 & 1+c^3 \end{vmatrix} = 0$, $\begin{vmatrix} a & a^2 & 1 \\ b & b^2 & 1 \\ c & c^2 & 1 \end{vmatrix} \neq 0$ అయిన $abc = -1$ అని చూపండి.
- $x-y+3z=5$, $4x+2y-z=0$, $-x+3y+z=5$ సమీకరణాలను మాత్రికా విలోప పద్ధతిన సాధించుము.
- $\bar{a} = 2\bar{i} + \bar{j} - 3\bar{k}$, $\bar{b} = \bar{i} - 2\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{c} = -\bar{i} + \bar{j} - 4\bar{k}$, $\bar{d} = \bar{i} + \bar{j} + \bar{k}$, అయిన $[(\bar{a} \times \bar{b}) \times (\bar{c} \times \bar{d})]$ ను కనుకోండి.
- ΔABC లో, $\sin A + \sin B - \sin C = 4 \sin \frac{A}{2} \cdot \sin \frac{B}{2} \cdot \cos \frac{C}{2}$ అని నిరూపించండి.
- ΔABC లో $a=13$, $b=14$, $c=15$ అయిన $R = \frac{65}{8}$, $r=4$, $r_1 = \frac{21}{2}$, $r_2 = 12$, $r_3 = 14$ అని చూపండి.

PREVIOUS IPE PAPERS



AP - MAY 2024

Time : 3 Hours

గణితశాస్త్రం - 1B

Max.Marks : 75

పెక్షన్-వీ

- I. ఈ క్రింది అన్ని అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి:** $10 \times 2 = 20$
- బిందువు $(-2,4)$ గుండా పోతూ నిరూపకాక్షాలతో చేసే అంతర ఖండాల మొత్తు సున్న అయ్యే సరళరేఖ సమీకరణాన్ని కనుకోండి.
 - $x=0, y=0, 3x+4y=a$ లతో ఏప్పడే త్రిభుజ వైశాల్యం 6 చ.యూనిట్లు అయిన a విలువ కనుగొనుము.
 - $(3,2,-1), (4,1,1), (6,2,5)$ లు 3 శీర్షాలుగా, $(4,2,2)$ కేంద్ర భాసంగా గల చతుర్మాఫి 4వ శీర్షాన్ని కనుకోండి.
 - $(1,1,1)$ అనే బిందువు గుండా పోవుచూ $x+2y+3z-7=0$ అనే తులమసకు సమాంతరంగాగల తలం సమీకరణం కనుగొనుము.
 - $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a^x - 1}{b^x - 1}$ ను గడించుము.
 - $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x} - x)$ ను గడించుము.
 - $y = \log(\sin(\log x))$, అయిన $\frac{dy}{dx}$ ను కనుగొనుము.
 - $y = ae^{nx} + be^{-nx}$ అయిన $y'' = n^2 y$ అని నిరూపించండి.
 - ఒక చతురస్రము యొక్క భుజంలోని పెరుగుదల 2% అయితే దాని వైశాల్యం పెరిగే రేటు శాతాన్ని కనుగొనుము.
 - $x^2 - 1$ నకు $[2,3]$ అనే అంతరములో లైంజ్ మధ్యమమూల్య సిద్ధాంత నియమములను సరిచూడుము.

పెక్షన్-వీ

- II. ఈ క్రింది వాటిలో ఏవేని ఐదు స్వల్పసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి.** $5 \times 4 = 20$
- $A(5,3), B(3,-2)$ లు 2 బిందువులు P అను బిందువు ΔPAB వైశాల్యం 9 చ.యూ వుండేటట్లు చలిస్తుంటే P బిందువు సమీకరణాన్ని కనుకోండి.
 - 45° కోణంతో అక్షాలను ద్రుటమయి పరివర్తన చేసినప్పుడు, రూపాంతరం చెందిన వక్రం సమీకరణం $17x^2 - 16xy + 17y^2 = 225$ అయిన ఆ వక్రం యొక్క మూల సమీకరణం కనుకోండి.
 - $4x-y+7=0, kx-5y-9=0$ అనే సరళరేఖల మధ్య కోణం 45° అయిన k విలువ కనుగొనుము.
 - $f(x) = \begin{cases} \frac{\cos ax - \cos bx}{x^2} & \text{if } x \neq 0 \\ \frac{1}{2}(b^2 - a^2) & \text{if } x = 0 \end{cases}$, అనే ప్రమేయం 0 వద్ద అవిచ్ఛిన్నమని చూపండి.
 - ప్రాథమిక సూత్రం నుండి $\tan 2x$ యొక్క అవకలజమును కనుగొనుము.
 - $y^4 = ax^3$ అనే వక్రం మీద (a,a) వద్ద స్పర్శరేఖ మరియు అభిలంబరేఖ సమీకరణములను కనుగొనుము.
 - ఒక సమఫునము యొక్క ఘనపరిమాణం 9 క్యూబిక్ సెం.మీ./సి. చౌప్పున పెరుగుచున్నది. భుజం పొడవు 10 సెం.మీ గా ఉన్నప్పుడు ఉపరితల వైశాల్యం పెరిగే రేటును కనుగొనుము.

పెక్షన్-సీ

- III. ఈ క్రింది వాటిలో ఏవేని ఐదు దీర్ఘసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి.** $5 \times 7 = 35$
- $(5,-2), (-1,2), (1,4)$ శీర్షాలు గల త్రిభుజ లంబ కేంద్రాన్ని కనుకోండి.
 - $S = ax^2 + 2hxy + by^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ సమీకరణం రెండు సమాంతర రేఖలను సూచిస్తే (a) $h^2 = ab$ (b) $af^2 = bg^2$ (c) ఆ సమాంతర రేఖల మధ్య దూరం $2\sqrt{\frac{g^2 - ac}{a(a+b)}} = 2\sqrt{\frac{f^2 - bc}{b(a+b)}}$ అని చూపండి.
 - మూలబిందువును, $x^2 + y^2 = a^2$ అనే వృత్తం $lx + my = 1$ అనే సరళరేఖల ఖండన బిందువులను కలువు రేఖలు ఏకీభవించడానికి నియమాన్ని కనుకోండి.
 - సమాంతరంగా లేని రెండు రేఖల దిక్కులైనిన్న $l+m+n=0, l^2+m^2-n^2=0$ సమీకరణాలను తృప్తి పరిస్తే, ఆ రేఖల మధ్య కోణాన్ని కనుకోండి.
 - $\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a(x-y)$, అయిన $\frac{dy}{dx} = \frac{\sqrt{1-y^2}}{\sqrt{1-x^2}}$ అని నిరూపించండి.
 - $y^2 = 4x, 4x^2 + y^2 = 32$ అనే వక్రాల మధ్యకోణాన్ని కనుగొనుము.
 - $x + y = 60$ అయినప్పుడు xy^3 గరిష్టముగా ఉండేటట్లు ధనవ్యాప్తి సంబుల్యాలు x మరియు y లను కనుగొనుము



PREVIOUS IPE PAPERS

AP - MAY 2024

Time : 3 Hours

జూనియర్ ఫిజిక్స్

Max.Marks : 60

పెక్షన్-వ**I. ఈ క్రింది అన్ని అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి:** **$10 \times 2 = 20$**

- ప్రకృతిలోని ప్రాథమిక బలములు ఏవి?
- క్రమ దోషాలను ఏ విధంగా కనిపొందుట చేయవచ్చును లేక తొలగించవచ్చును?
- $\vec{P} = 2\vec{i} + 4\vec{j} + 14\vec{k}$ మరియు $\vec{Q} = 4\vec{i} + 4\vec{j} + 10\vec{k}$ అయిన $\vec{P} + \vec{Q}$ పరిమాణం కనుక్కోండి.
- గుర్తం చలనంలో ఉన్నప్పటి కంటే, అది బయలుదేరుట ప్రారంభించే సమయంలో ఎక్కువ బలాన్ని ఎందుకు ఉపయోగిస్తుంది?
- బెర్నోలీ సిద్ధాంతమునకు రెండు ఉదాహరణలిచ్చి, వివరించండి.
- స్నిగ్ధతను నిర్వచించి, ప్రమాణములు మరియు మితి ఫార్మూలా వ్రాయండి?
- అల్యూమినియం కడ్డి పొడవు 1% పెరుగుటకు, కడ్డి ఉప్పోస్తేగ్రాత ఎంత పెంచవలయును?
- వీన్ స్టోన్ట్రంశ నియమమును వ్రాయండి.
- నిజవాయువు, ఆదర్శ వాయువు వలె ఎప్పుడు ప్రవర్తించును? **10. స్వేచ్ఛాపథమధ్యమమును నిర్వచించండి.**

పెక్షన్-బి**II. క్రింది వాటిలో ఏవేని ఆరు స్వల్పసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి.** **$6 \times 4 = 24$**

- మొత్తము దూరములో మొదటి $1/3$ వ వంతు దూరమును $10 \text{ కి.మీ}/\text{గం}$. వడితోను, రెండవ $1/3$ వ వంతు దూరమును $20 \text{ కి.మీ}/\text{గం}$. వడితోను, చివరి $1/3$ వ వంతు దూరమును $60 \text{ కి.మీ}/\text{గం}$. వడితోను ఒక కారు ప్రయాణించిన, మొత్తము దూరము ప్రయాణించుటలో దాని సగటు వడి ఎంత?
- క్లిపిజ సమాంతరంతో దిశకు కొంత కోణం చేస్తూ విసిరిన వస్తువు (ప్రక్కిష్ట) పదం పరావలయం అని చూపండి.
- ఘుర్ఱణను తగ్గించే పద్ధతులను తెలుపండి.
- కోణీయ వేగమును నిర్వచించండి. $v=r\omega$ ను ఉత్సాధించండి.
- ఒక వ్యవస్థ ద్రవ్యరాశి కేంద్రం, గరిమనాభిల మధ్య భేదాలను గుర్తించండి.
- భూస్థావర ఉపగ్రహము అనగా ఏమి? దాని ఉపయోగాలను వ్రాయండి.
- క్రమంగా భారం పెంచుతూ పోయినప్పుడు తీగ ప్రవర్తన వివిధంగా ఉంటుందో విశదికరించండి.
- లోలక గడియారాలు శీతాకాలంలో వేగంగా, వేసిని కాలంలో నెమ్మిదిగా నడుస్తాయి. ఎందువల్ల?

పెక్షన్-సి**III. క్రింది వాటిలో ఏవేని రెండు ధీర్ఘసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం వ్రాయండి.** **$2 \times 8 = 16$**

- శక్తి నిర్వచ్చ నియమమును నిర్వచించి, స్వేచ్ఛగా పడు వస్తువు విషయంలో దానిని నిరూపించండి.
- ఒక మర తుపాకి నిమిషమునకు 360 బులైట్సును ట్రైల్యును. ఒక్కొక్క బులైట్ వేగము $600 \text{ మీ}/\text{సె}$ మరియు ద్రవ్యరాశి 5 గ్రా. అయిన మరతుపాకి సామర్థ్యము ఎంత?
- a) సరళపరాత్మక చలనమును నిర్వచించండి. ఏకరీతి వృత్తాకార చలనం చేసే కణం విక్షేపం (వ్యవసంపై సరళ పరాత్మక చలనం చేస్తుందని చూపండి).
b) సగటున ఒక మనిషి గుండె నిమిషమునకు 75 సార్లు కొట్టుకొనును. (స్పందించును) అయిన దాని పొనఃపున్యము, ఆవర్తన కాలం ఎంత?
- ఉపగ్రహిక శాస్త్ర రెండవ నియమమును వ్రాయండి. ఉపగ్రహింతమునకు, శీతలీకరణ యంత్రమునకు తేడా ఏమిటి?

PREVIOUS IPE PAPERS

AP - MAY 2024

Time : 3 Hours

జూనియర్ కెమెస్

Max.Marks : 60

సెక్షన్-ఎ

- I.** ఈ క్రింది అన్ని అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం ప్రాయండి: **10 × 2 = 20**
1. RMS వేగం అంటే ఏమిటి?
 2. 0.795 g/l CuO ని $\text{Cu}, \text{H}_2\text{O}$ లుగా క్షయకరణం చేయడానికి STP వద్ద ఎంత ఘనపరిమాణం H_2 అవసరమవుతుంది.
 3. ఉప్పుగతిక శాస్త్ర మూడవ నియమాన్ని నిర్వచించి వివరించండి.
 4. ఒక చర్యకు సమతాస్థితి స్థిరాంకం విలువ 10. ΔG° విలువ ఎంత? $R = 8.314 \text{ J/Kmol}$, $T = 300 \text{ K}$.
 5. సమతాస్థితి స్థిరాంకం విలువ ఏ కారణంశం మీద ఆధారపడి ఉంటుంది?
 6. గ్రూప్ 2 మూలకాలు జ్ఞాలకు కలిగించే స్వాభావిక రంగులు ఏమిటి?
 7. మెగ్నెషియమ్ లోహాన్ని గాలిలో మండిస్తే ఏం జరుగుతుంది?
 8. గ్రీన్ హోన్ ఫలితంను నిర్వచించండి? దానికి కారణమైన వాయువులు ఏవి?
 9. PAN అంటే ఏమిటి? దీని ప్రభావం ఏమిటి?
 10. ఈథేన్ అనురూపకాలను రాయండి.

సెక్షన్-బి

- II.** క్రింది వాటిలో ఏవేని ఆరు స్వల్పసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం ప్రాయండి. **6 × 4 = 24**
11. ఫాజాన్స్ నియమాలు రాసి, సరియైన ఉదాహరణలు ఇవ్వండి. ?
 12. ద్విధ్రువ భ్రామకాన్ని నిర్వచించండి. దీని అనువర్తనాలేమిటి?
 13. గ్రాహం వాయు వ్యాపన నియమాన్ని తెలిపి, వివరించండి. ?
 14. $\text{MnO}_4^-(aq) + \text{SO}_2(g) \rightarrow \text{Mn}^{2+}(aq) + \text{HSO}_4^-(aq)$ (ఆప్సు ద్రావణములో)
అయాన్ - ఎలక్ట్రోన్ పద్ధతిలో తుల్యం చేయండి.
 15. pHను నిర్వచించండి. 0.001 M NaOH యొక్క pH విలువను కనుగొనండి..
 16. అయాన్ -వినిమయ పద్ధతి నీటి కరినత్వాన్ని తోలగించడానికి వాడకం పై వ్యాఖ్యను ప్రాయండి.
 17. డై బోరేన్ రెండు తయారి పద్ధతులను రాయండి.
 18. నిర్మాణాల ఆధారంగా వజ్రం, గ్రాఫైట్ల ధర్మాలలో తేదాలను వివరించండి.

సెక్షన్-సి

- III.** క్రింది వాటిలో ఏవేని రెండు దీర్ఘసమాధాన ప్రశ్నలకు సమాధానం ప్రాయండి. **2 × 8 = 16**
19. హైడ్రోజన్ బోర్ పరమాణు నమూనాలోని ముఖ్యమైన ప్రతిపాదనలు తెలుపండి. ఈ నమూనా హైడ్రోజన్ వర్షపటంలోని వివిధ రేఖలను ఎలా వివరిస్తుందో తెలియజేయండి. హైడ్రోజన్ వర్షపటం యొక్క నమూనా చిత్రం గీయండి.
 20. IE_1, IE_2 లను నిర్వచించండి. ఏదైనా పరమాణువుకు $\text{IE}_2 > \text{IE}_1$ గా ఎందుకు ఉంటుంది? ఒక మూలకపు IE ని ప్రభావితం చేసే అంశాలను చర్చించండి.
 21. a) ఎసిటిలీన్ నుంచి బెంజీన్ ఎట్లా ఏర్పడుతుంది? సమీకరణం రాయండి.
b) బెంజీన్ యొక్క హలోజినేషన్, ఆలైటేషన్, ఎసైలేషన్, నైట్రోజెన్ చర్యలను వివరించండి.