

10. అవకలనము - అనువర్తనాలు

IPE : 2VSAQ, 2SAQ & 2 LAQ = 2 + 2 + 4 + 4 + 7 + 7 = 26 Marks

ముఖ్యమైన సూత్రాలు, నిర్వచనాలు

- 1) $y=f(x)$ అనునది x లో అవకలనీయ ప్రమేయము. Δx అనునది x లోని స్వల్ప మార్పు అయిన (i) y లోని మార్పు $\Delta y=f(x+\Delta x)-f(x)$ (ii) y యొక్క అవకలని $dy=f'(x)\Delta x$.
- 2) ఉజ్జాయింపు విలువలు: x యొక్క Δx సారూప్యంలో, x విలువ తెలిసినపుడు $f(x)$ యొక్క ఉజ్జాయింపు విలువ $f(x+\Delta x)\cong f(x)+f'(x)\Delta x$. ఇక్కడ $\Delta x = x$ యొక్క దత్త విలువ $-x$ యొక్క తెలిసిన విలువ.
- 3) $y=f(x)$ లో x యొక్క దోషము Δx అయిన (i) Δy ను y లోని దోషము (ii) $\frac{\Delta y}{y}$ ను y లోని సాపేక్ష దోషము (iii) $\frac{\Delta y}{y} \times 100$ ను y లోని దోషశాతము అందురు.
- 4) $y=f(x)$ మీద $P(x_1, y_1)$ ఒక బిందువైన P వద్ద స్పర్శరేఖ వాలు $m = \left(\frac{dy}{dx} \right)_{P(x_1, y_1)}$
- 5) $f(x), g(x)$ అనే వక్రాల ఖండన బిందువు $P(x_1, y_1)$ మరియు వాటి మధ్య కోణం θ అయిన $\tan \theta = \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2}$
ఇక్కడ $m_1 = (f'(x))_{(x_1, y_1)}, m_2 = (g'(x))_{(x_1, y_1)}$
Note: $m_1 = m_2 \Rightarrow (x_1, y_1)$ వద్ద రెండు వక్రములు స్పృశించుకొనును.
 $m_1 m_2 = -1 \Rightarrow$ రెండు వక్రములు లంబంగా ఖండించుకొనును.
- 6) $y=f(x)$ అనే వక్రము మీద $P(x_1, y_1)$ ఒక బిందువు మరియు $m = \left(\frac{dy}{dx} \right)_{P(x_1, y_1)}$, అయిన
(i) P వద్ద స్పర్శరేఖ పొడవు $\left| \frac{y_1 \sqrt{1+m^2}}{m} \right|$ (ii) P వద్ద అభిలంబరేఖ పొడవు $|y_1 \sqrt{1+m^2}|$
(iii) P వద్ద ఉపస్పర్శరేఖ పొడవు $\left| \frac{y_1}{m} \right|$ (iv) P వద్ద ఉపఅభిలంబరేఖ పొడవు $|y_1 m|$
- 7.1) t పరంగా $y=f(x)$ లోని మార్పురేటు $\frac{dy}{dt} = f'(x) \frac{dx}{dt}$
- 7.2) $s=f(t)$ అనునది t అనే సమయంలో ఒక వస్తువు ప్రయాణించిన దూరమును సూచించిన
(i) t అనే సమయం వద్ద ఆ వస్తువు వేగం $v = \frac{ds}{dt}$
(ii) t అనే సమయం వద్ద ఆ వస్తువు త్వరణం $a = \frac{d^2s}{dt^2} = \frac{d}{dt} \left(\frac{ds}{dt} \right) = \frac{dv}{dt}$
- 8.1) f అనే అవకలనీయ ప్రమేయం a వద్ద ఆరోహణము $\Leftrightarrow f'(a) > 0$
- 8.2) f అనే అవకలనీయ ప్రమేయం a వద్ద అవరోహణము $\Leftrightarrow f'(a) < 0$
- 8.3) f అనే అవకలనీయ ప్రమేయం $x=a$ వద్ద విరామమైన $f'(a)=0$,
 $f(a)$ అనునది విరామపు విలువ మరియు $(a, f(a))$ అనునది $x=a$ వద్ద $f(x)$ యొక్క విరామబిందువు
- 9) $f(x)$ అనునది I అనే అంతరంలో అవకలనీయ ప్రమేయం, $a \in I$, a వద్ద $f(x), f'(x)$ వ్యవస్థితము మరియు
(i) $f'(a)=0, f''(a) < 0$ అయిన $f(a)$ అనునది ఒక గరిష్ట విలువ
(ii) $f'(a)=0, f''(a) > 0$ అయిన $f(a)$ అనునది ఒక కనిష్ట విలువ